



Universidad
Carlos III de Madrid

ALGORITMOS DE PLANIFICACIÓN DE TRAYECTORIAS BASADOS EN FAST MARCHING SQUARE

AUTOR: JOSE PARDEIRO

TUTOR: RAMÓN BARBER

DIRECTOR: JAVIER V. GÓMEZ

ÍNDICE

1. **INTRODUCCIÓN**
2. FAST MARCHING SQUARE
3. FAST MARCHING SQUARE STAR
4. FAST MARCHING SQUARE DIRECTIONAL
5. PRUEBAS EN TURTLEBOT
6. CONCLUSIONES Y FUTURAS LÍNEAS DE TRABAJO

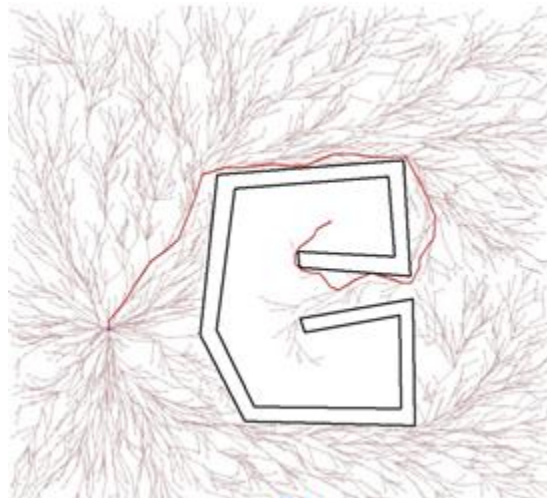
1.- Introducción

- ¿Qué es planificación de trayectorias?
 - Secuencia de acciones para llevar un sistema de un estado a otro dado un entorno.
 - En robótica se puede aplicar a robots móviles, vehículos aéreos, manipuladores...
- ¿Qué características debe reunir un planificador de trayectorias?
 - Suavidad.
 - Eficiencia computacional.
 - Seguridad.
 - Rapidez.
 - Óptimo.

1.- Introducción

Contexto y motivaciones

- Existen multitud de métodos que resultan adecuados para tareas concretas.
- Fallan en problemas muy concretos.
- En tareas complejas conlleva variar el método de planificación según el contexto.



1.- Introducción

Desarrollo de algoritmos de planificación de trayectorias para propósitos generales y adaptables a entornos reales.

Objetivos

- Desarrollar variaciones de Fast Marching Square (FM²) que mejoren sus características.
- Integrar los algoritmos en ROS de forma eficiente.
- Comprobar su rendimiento tanto en entorno de simulación como en entorno real.

ÍNDICE

1. INTRODUCCIÓN
2. **FAST MARCHING SQUARE**
3. FAST MARCHING SQUARE STAR
4. FAST MARCHING SQUARE DIRECTIONAL
5. PRUEBAS EN TURTLEBOT
6. CONCLUSIONES Y FUTURAS LÍNEAS DE TRABAJO

2.- FAST MARCHING SQUARE

Fast Marching Method (FMM)

- Método propuesto por J. A. Sethian en 1996.
- Basado en la expansión de una onda en un fluido.
- La onda se propaga en todas las direcciones con velocidad no negativa.
- FMM calcula el tiempo de llegada de la onda a cada punto del espacio.

2.- FAST MARCHING SQUARE

Fast Marching Method (FMM)

- Matemáticamente el tiempo de llegada se calcula tal que:

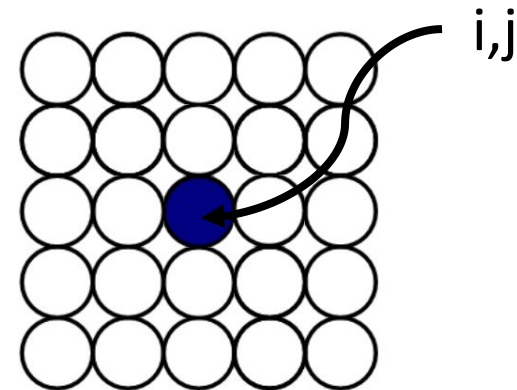
$$\left(\frac{T_{i,j} - T_1}{\Delta x}\right)^2 + \left(\frac{T_{i,j} - T_2}{\Delta y}\right)^2 = \frac{1}{F_{i,j}^2}$$

$$T_1 = \min(T_{i-1,j}, T_{i+1,j})$$

$$T_2 = \min(T_{i,j-1}, T_{i,j+1})$$

donde:

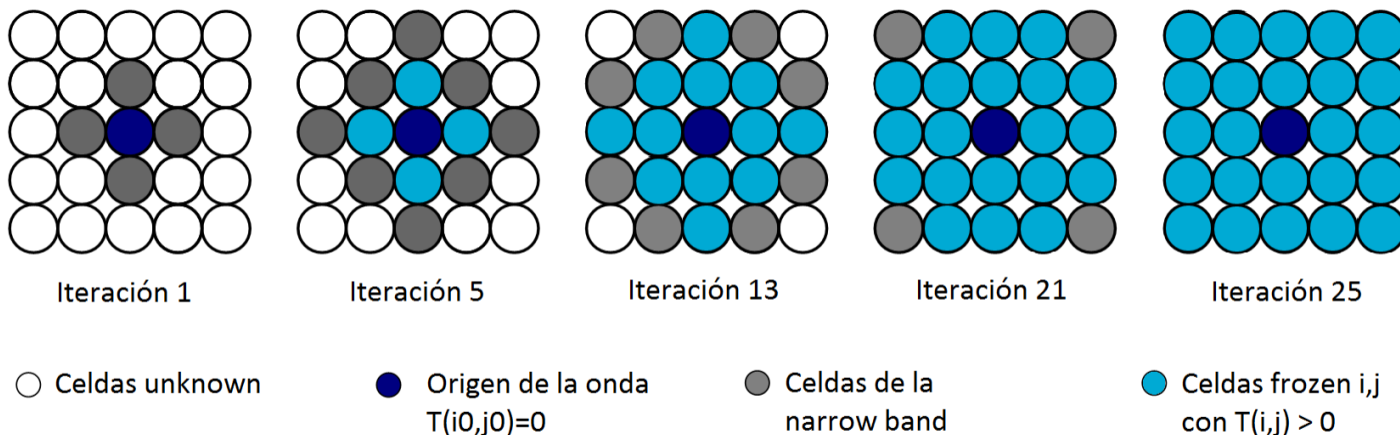
- $\Delta x, \Delta y$: Distancia entre vecinos.
- $F_{i,j}$: Velocidad del punto a evaluar.
- $T_{i,j}$: Punto a evaluar.



2.- FAST MARCHING SQUARE

Fast Marching Method (FMM)

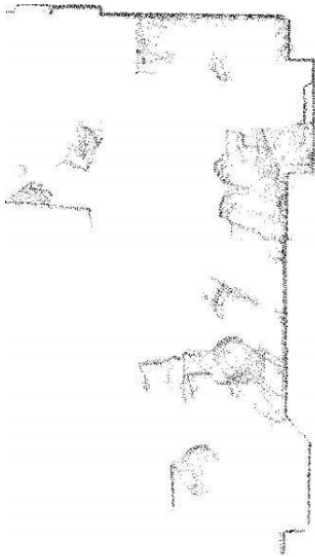
- La expansión de la onda calcula el tiempo de llegada desde el origen hasta cada celda de la rejilla.
- Las celdas tienen tres posibles estados:
 - Unknown.
 - Narrow Band.
 - Frozen.



2.- FAST MARCHING SQUARE

Fast Marching Method (FMM)

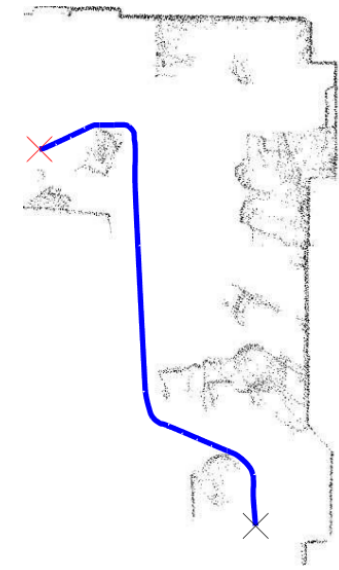
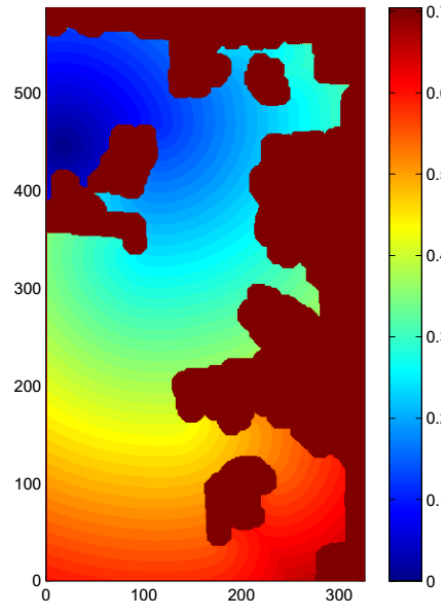
Mapa binario inicial



Mapa dilatado



Tiempo de llegada $T(x)$

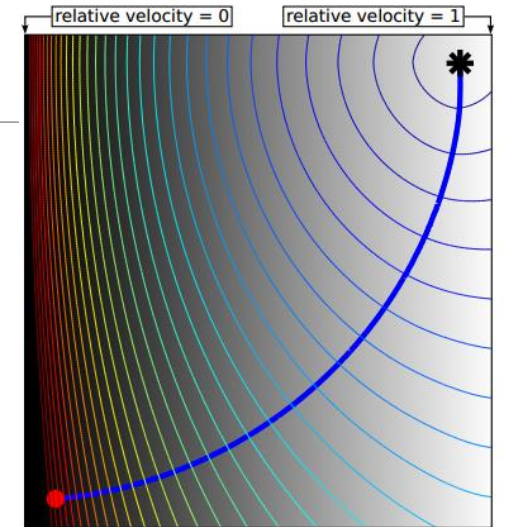


— Path × Origen × Fin

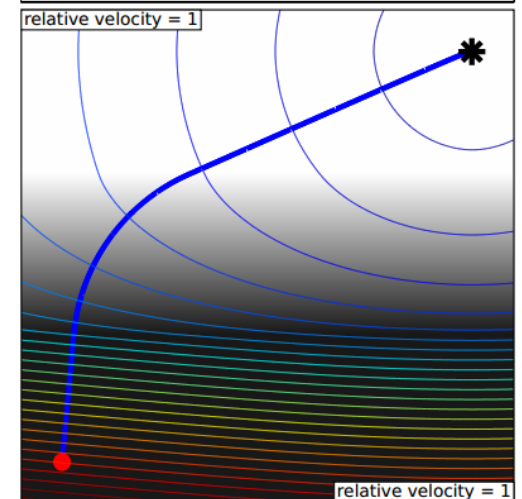
2.- FAST MARCHING SQUARE

Fast Marching Method (FMM)

- FMM ofrece trayectorias óptimas acordes al criterio del tiempo mínimo de recorrido.
 - Esto implica trayectorias bruscas y próximas a los obstáculos.
 - La cinemática y la dinámica de los robots no pueden seguir esas trayectorias.
- Los errores en la generación de los mapas hacen que se necesite una distancia de seguridad mínima a los obstáculos.
- Es necesario suavizar los resultados.



— Wavefront paths * Wave source point • Points in the space



2.- FAST MARCHING SQUARE

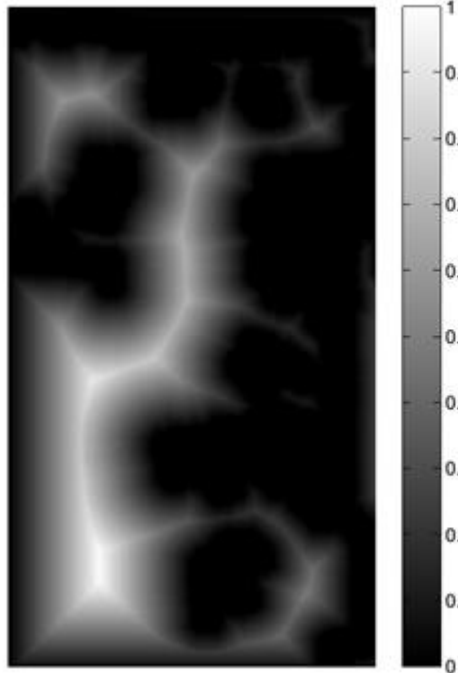
FM²

- Con FM² se propone un método basado en FMM que solucione las limitaciones anteriores utilizando mapas de velocidades.
 - La onda se expande a diferente velocidad en cada punto del espacio.
 - La velocidad aumentará a medida que la celda se aleje de los obstáculos.
 - Los mapas de velocidad se generan utilizando FMM.
 - Se obtienen resultados suaves y seguros para el robot.

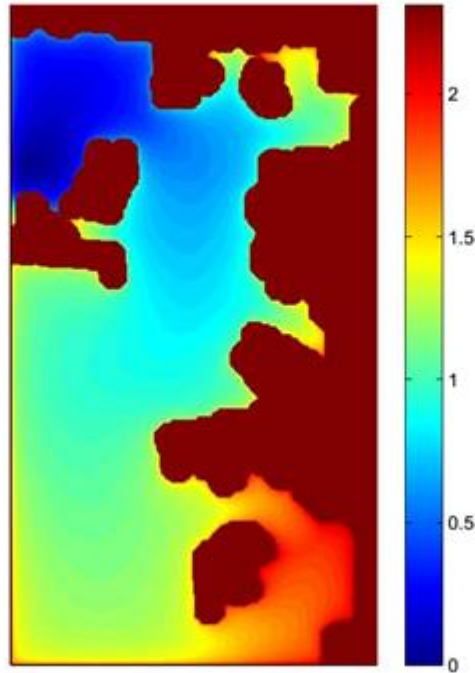
2.- FAST MARCHING SQUARE

Algoritmo

Mapa de velocidades



Tiempo de llegada $T(x)$

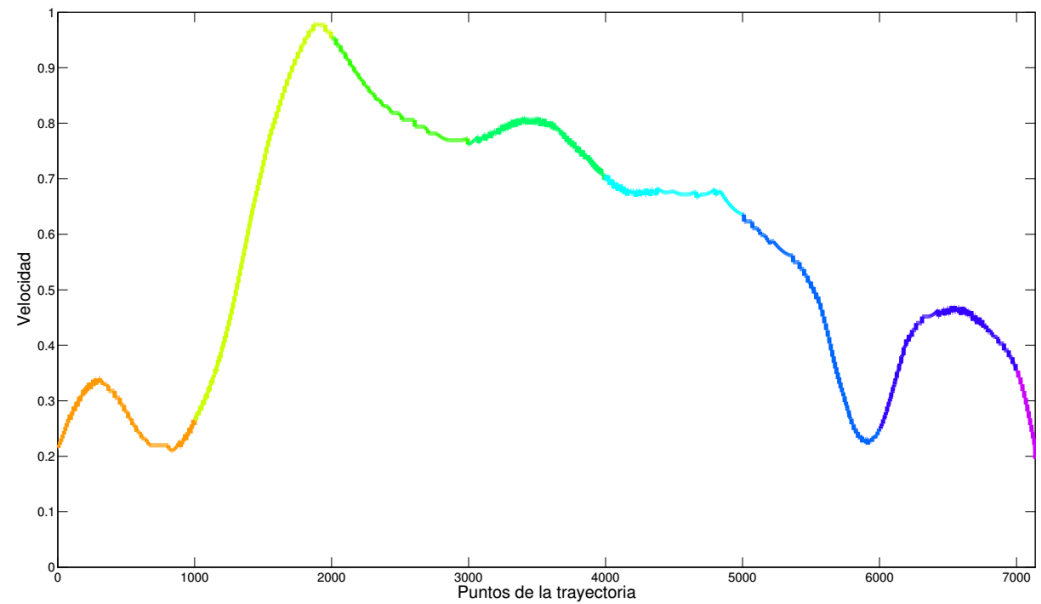
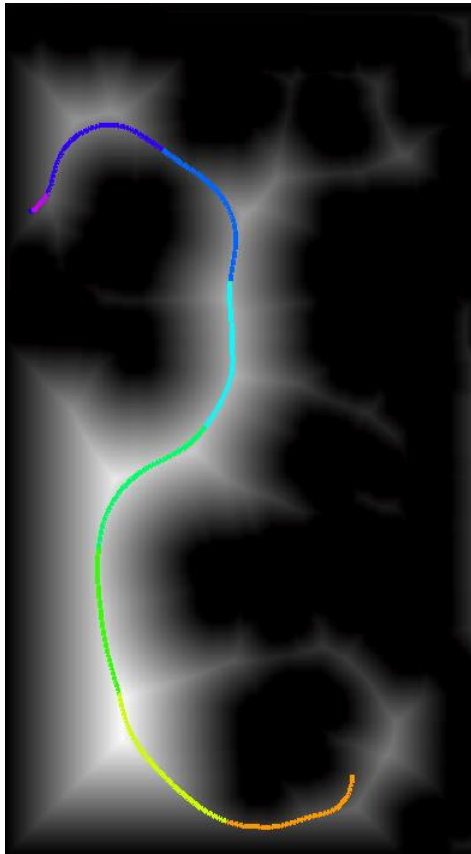


Path × Origen × Fin



2.- FAST MARCHING SQUARE

Resultado



2.- FAST MARCHING SQUARE

Conclusiones

- Ventajas:
 - Soluciones seguras y suaves.
 - Sin mínimos locales.
 - Proporciona un perfil de velocidades.
 - Óptimo en términos de tiempo.

- Inconvenientes:
 - Costoso computacionalmente.
 - El mapa de velocidades se precalcula.
 - Puede generar trayectorias poco intuitivas en cuanto a velocidad y distancia a los obstáculos.

ÍNDICE

1. INTRODUCCIÓN
2. FAST MARCHING SQUARE
3. **FAST MARCHING SQUARE STAR**
4. FAST MARCHING SQUARE DIRECTIONAL
5. PRUEBAS EN TURTLEBOT
6. CONCLUSIONES Y FUTURAS LÍNEAS DE TRABAJO

3.- FAST MARCHING SQUARE STAR

FM^{2*}

- FM^{2*} busca rebajar el coste computacional de FM² sin perder sus características.
- Se orienta la onda de un modo análogo a A* añadiendo una heurística al tiempo de llegada.
- Existen dos aproximaciones:
 - FM^{2*} Clásico: desarrollado por Alberto Valero.
 - FM^{2*} Propuesto : desarrollado en esta tesis.

3.- FAST MARCHING SQUARE STAR

FM^{2*} Clásico

$$T' = T + heuristic$$

donde T es el tiempo de llegada calculado por FM² y $heuristic$ es el valor de la heurística calculado como:

$$heuristic = \frac{d_E(start, goal)}{robot_max_speed}$$

donde $d_E(start, goal)$ es la distancia euclídea entre la celda por la que se expande la onda ($start$) y el objetivo ($goal$), $robot_max_speed$ es la velocidad máxima permitida por el robot.

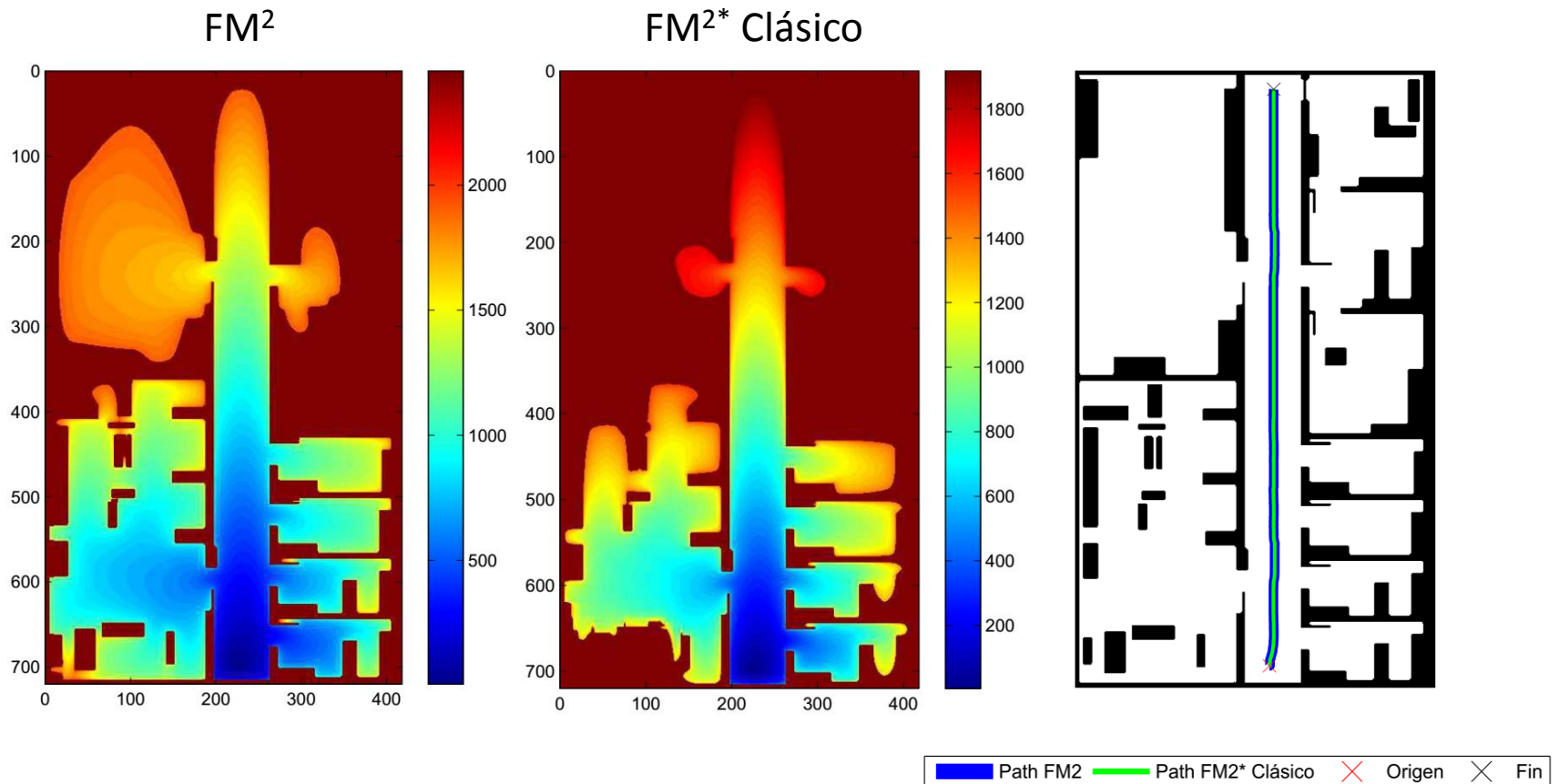
3.- FAST MARCHING SQUARE STAR

FM^{2*} Clásico

- El tiempo de llegada T' es más favorable para el vecino Von Neumann más cercano al objetivo.
 - La onda se expande orientada al objetivo.
- La heurística no tiene en cuenta la distancia a los obstáculos, por lo que se pueden perder características de FM².
- Se almacenan dos tiempos de llegada:
 - T' : se utiliza para expandir la onda.
 - T : se utiliza para obtener la trayectoria.

3.- FAST MARCHING SQUARE STAR

FM²* Clásico



3.- FAST MARCHING SQUARE STAR

FM^{2*} Clásico

- Conclusiones:
 - Trayectorias prácticamente idénticas a las de FM².
 - Mejora la carga computacional.
 - Se almacena una variable más → Mayor consumo de memoria.

3.- FAST MARCHING SQUARE STAR

FM^{2*} Propuesto

$$heuristic = \frac{d_E(start, goal)}{cell_speed}$$

donde $d_E(start, goal)$ es la distancia euclídea entre la celda por la que se expande la onda ($start$) y el objetivo ($goal$), $cell_speed$ es la velocidad en la celda según el mapa de velocidades.

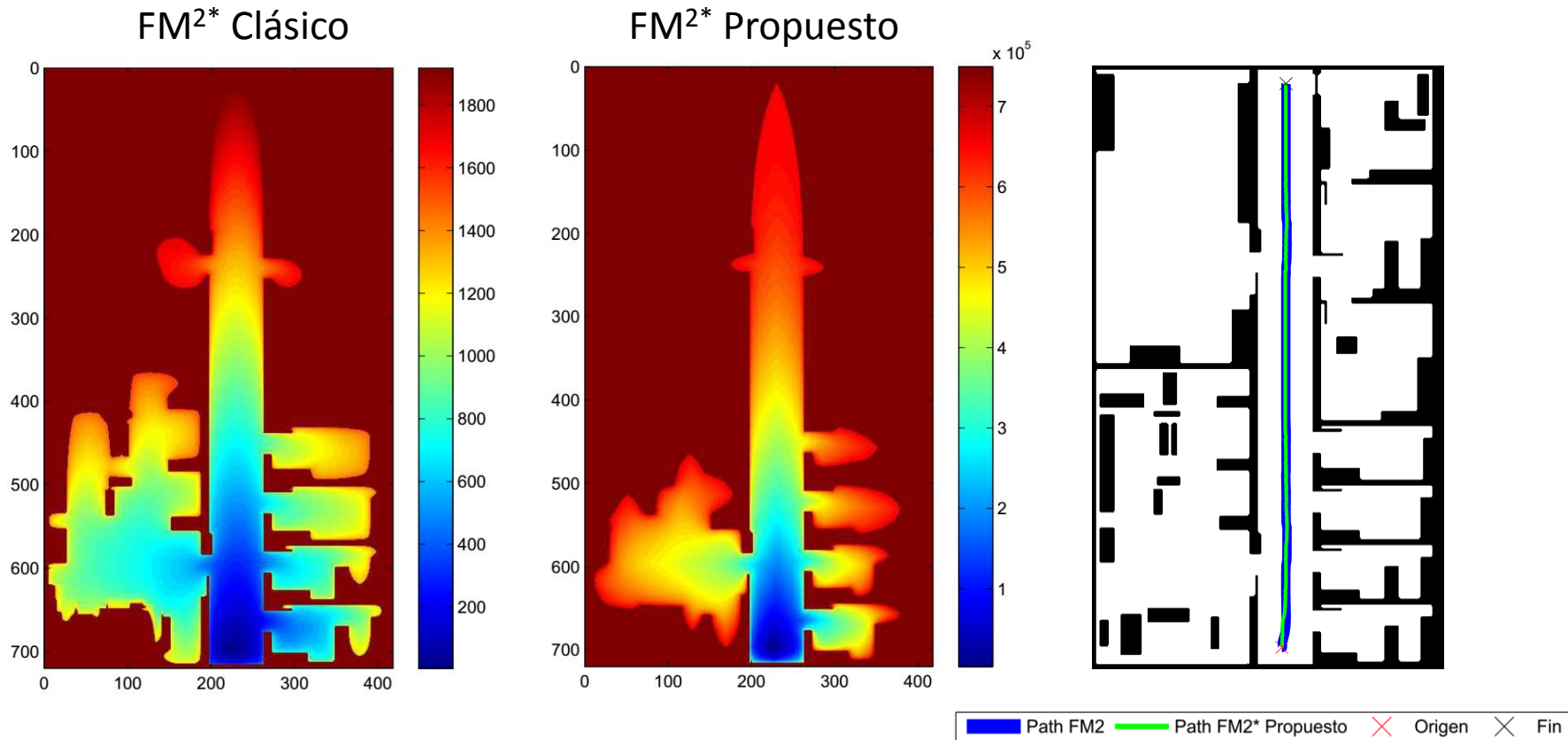
3.- FAST MARCHING SQUARE STAR

FM^{2*} Propuesto

- Tiene en cuenta la distancia a los obstáculos.
- Compromiso entre distancia hasta el punto de destino y distancia a los obstáculos.
- Se mantienen las características de FM².
- Sobre el valor T' se expande la onda y se aplica el gradiente.

3.- FAST MARCHING SQUARE STAR

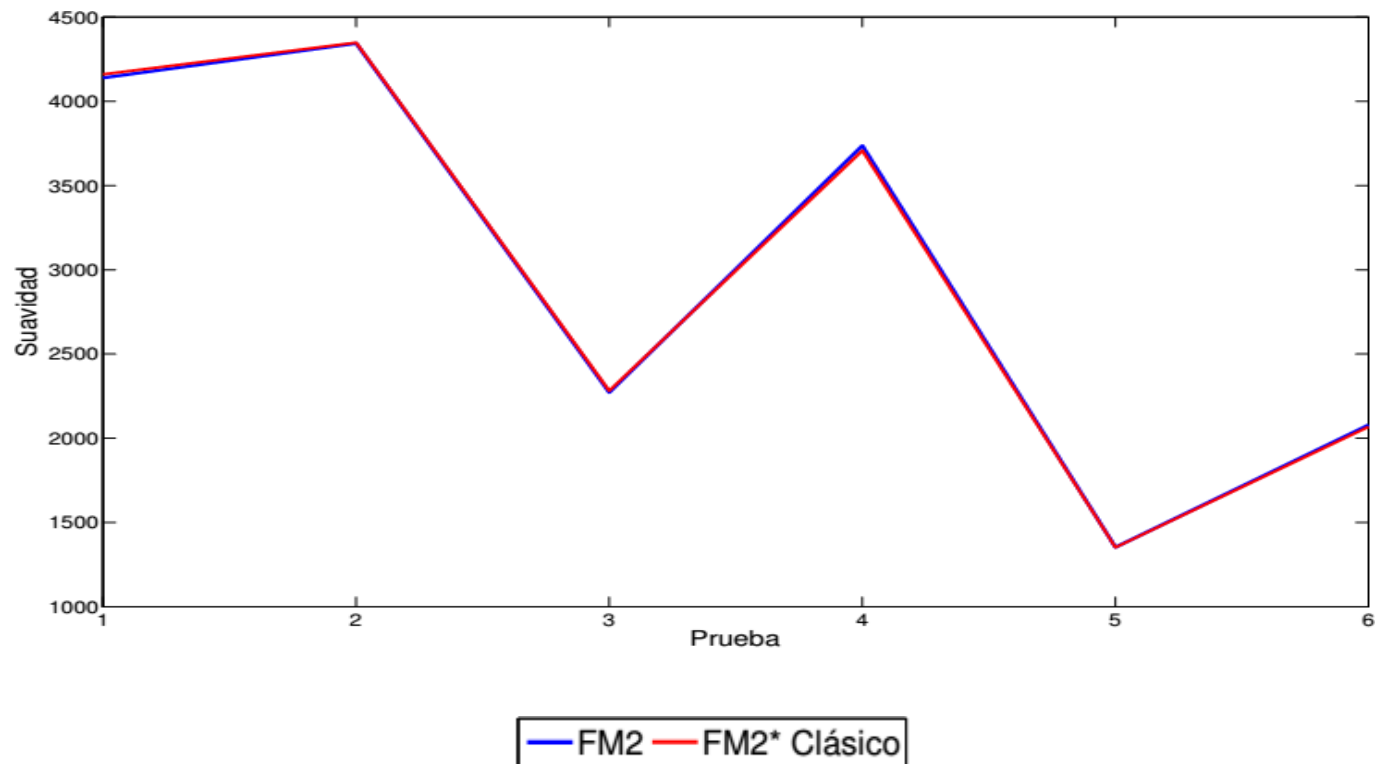
FM^{2*} Propuesto



3.- FAST MARCHING SQUARE STAR

Comparativa de resultados

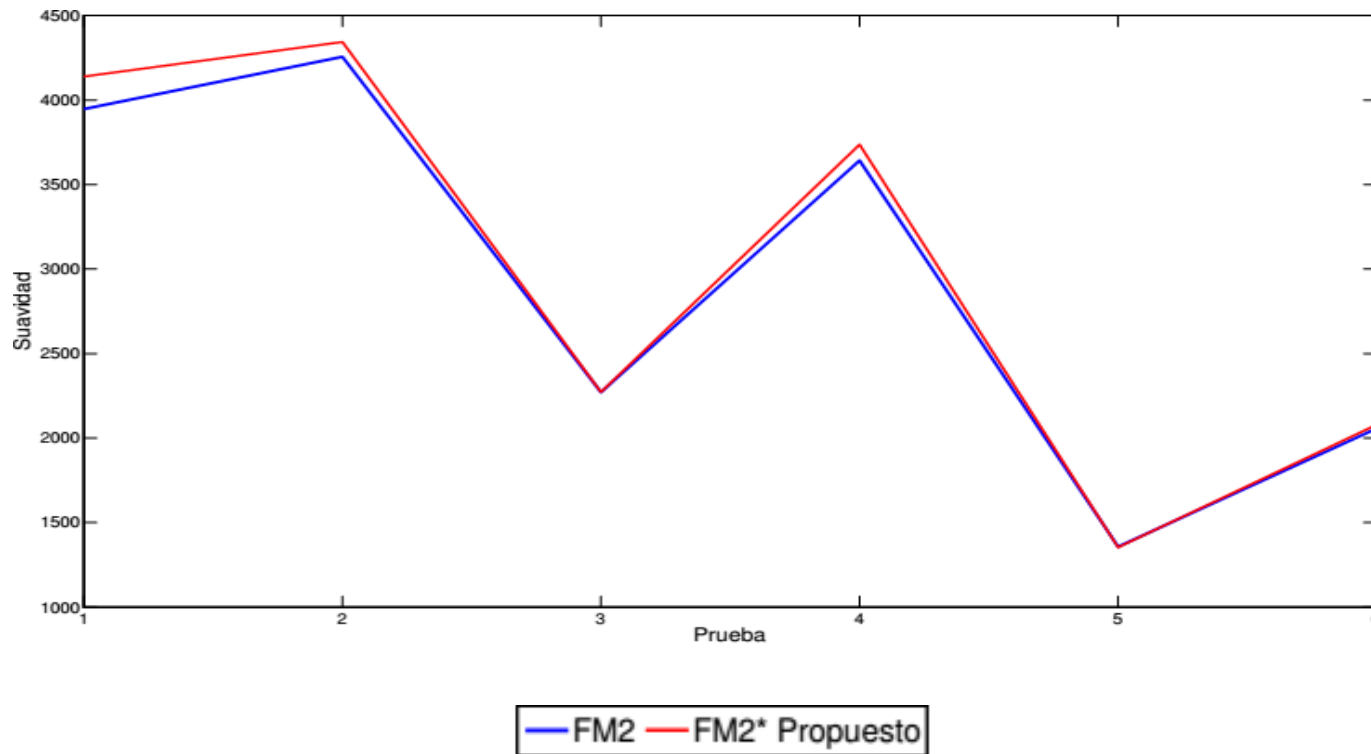
Suavidad de las trayectorias de FM^{2*} Clásico frente a FM².



3.- FAST MARCHING SQUARE STAR

Comparativa de resultados

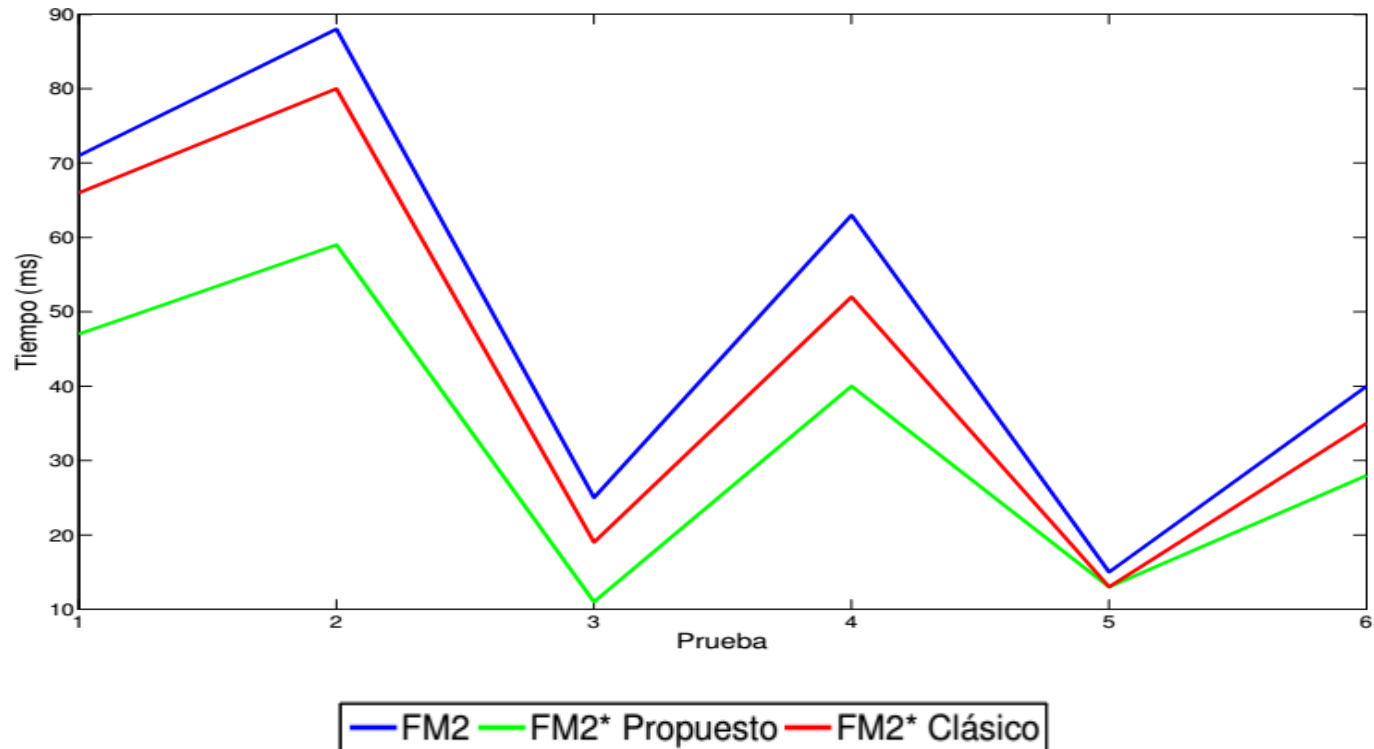
Suavidad de las trayectorias de FM^{2*} Propuesto frente a FM².



3.- FAST MARCHING SQUARE STAR

Comparativa de resultados

Tiempo de ejecución de los tres métodos.



3.- FAST MARCHING SQUARE STAR

Conclusiones

- Ventajas:
 - Los resultados del método desarrollado en esta tesis consiguen una orientación mayor de la onda.
 - Es computacionalmente más eficiente al utilizar un único valor de tiempo para expandir la onda y calcular el gradiente.
- Inconvenientes:
 - Las trayectorias obtenidas son muy similares a las obtenidas mediante FM², pero no idénticas.
 - El descenso de suavidad con respecto a FM² es mínimo.

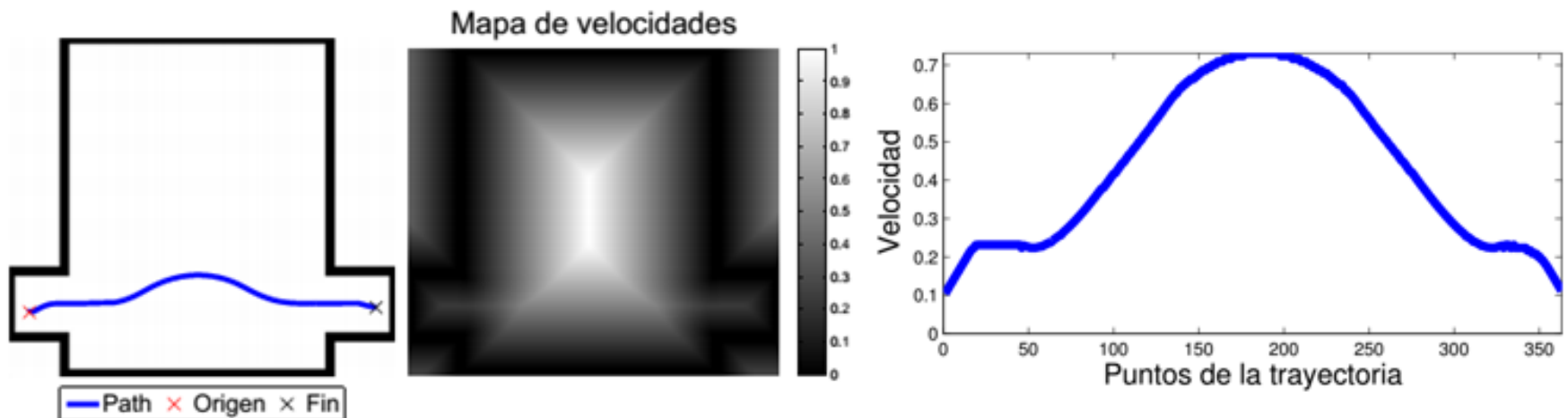
ÍNDICE

1. INTRODUCCIÓN
2. FAST MARCHING SQUARE
3. FAST MARCHING SQUARE STAR
4. **FAST MARCHING SQUARE DIRECTIONAL**
5. PRUEBAS EN TURTLEBOT
6. CONCLUSIONES Y FUTURAS LÍNEAS DE TRABAJO

4.- FAST MARCHING SQUARE DIRECTIONAL

FM² Directional

- FM² propone trayectorias suaves para los robots.
- Se basa en mapas de velocidades, calculados previamente.
 - No tiene en cuenta los puntos de inicio y final.
 - Puede ofrecer trayectorias que recorren mayor espacio y con un perfil de velocidades más lento del que se espera de forma intuitiva.



4.- FAST MARCHING SQUARE DIRECTIONAL

FM² Directional

- FM² Directional modifica el mapa de velocidades durante la expansión de la onda.
- En cada instante se analiza como se expande la onda respecto a los obstáculos.
 - Si la onda se aleja → Se expande a máxima velocidad.
 - Si la onda se acerca → Se expande a la velocidad que marca el mapa de velocidades.

4.- FAST MARCHING SQUARE DIRECTIONAL

FM² Directional

- La velocidad utilizada se definirá tal que:

$$v_{exp} = \begin{cases} 1, & \text{if } v_{source} > v_{cell} \\ v_{cell}, & \text{otherwise} \end{cases}$$

donde:

v_{source} : Velocidad en la celda desde la que se expande.

v_{cell} : Velocidad en la celda a la que se va a expandir.

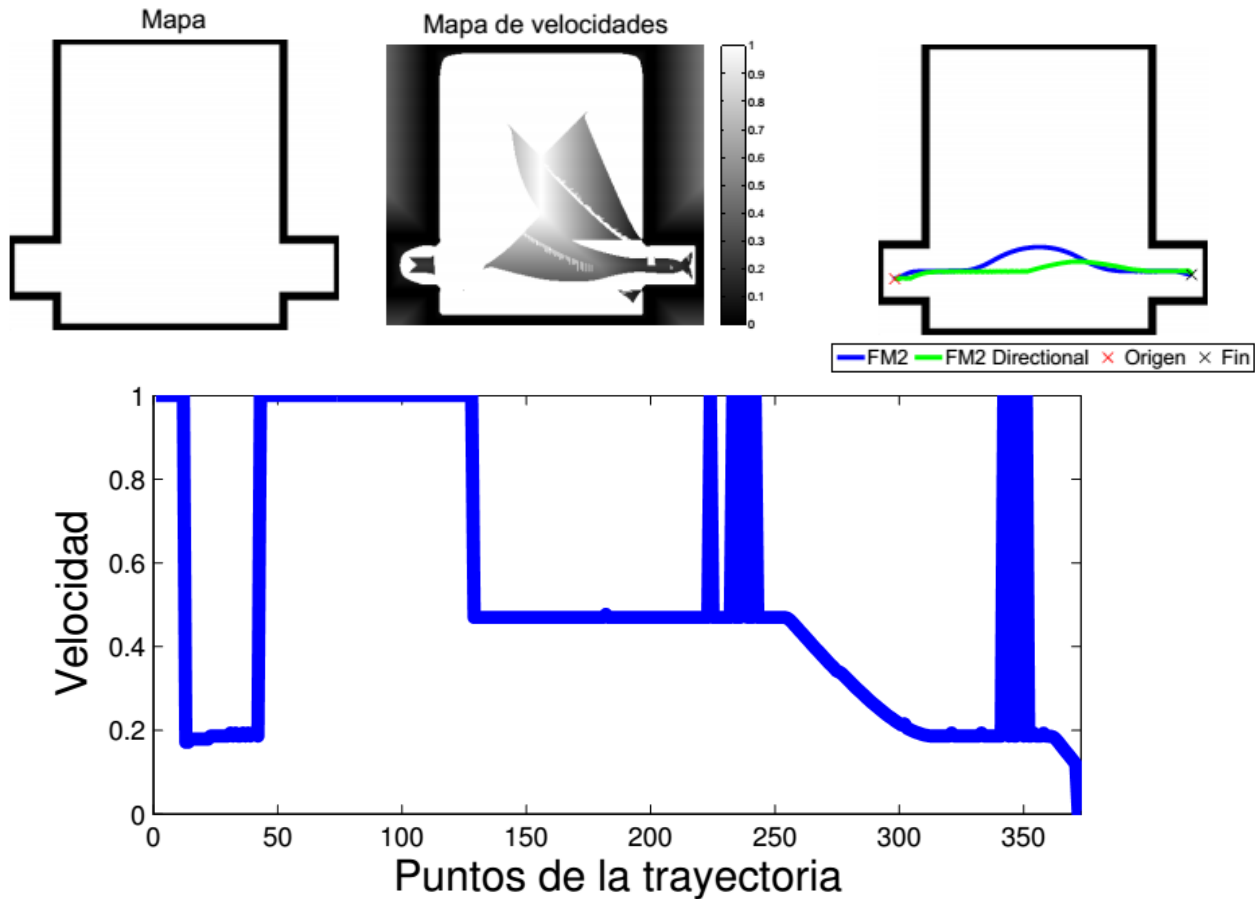
- Es necesario tener en cuenta que la onda se expande en el sentido contrario al camino resultante final.

4.- FAST MARCHING SQUARE DIRECTIONAL

FM² Directional

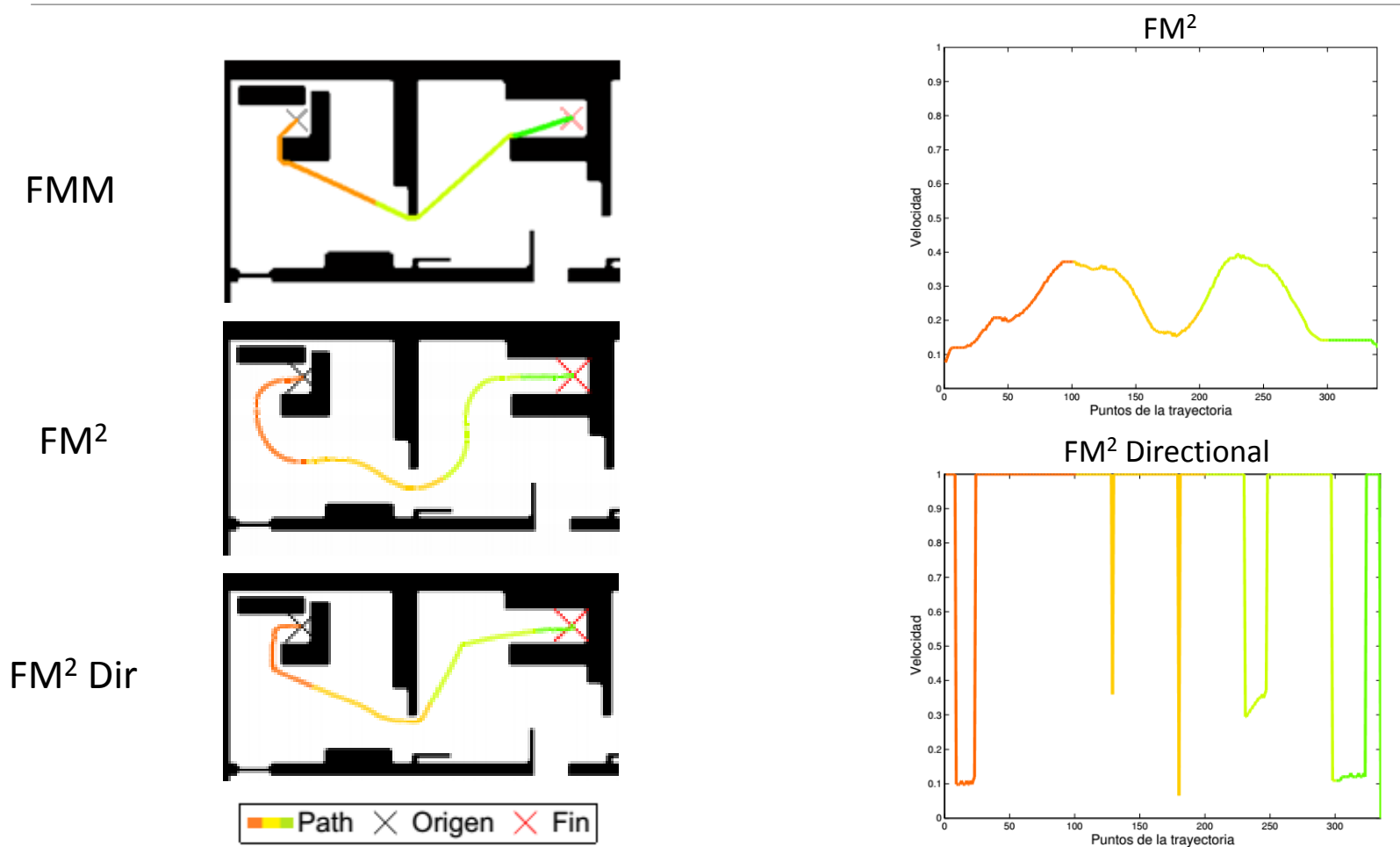
- La onda se expande de forma inesperada.
- Se almacenan dos tiempos de llegada:
 - T : se utiliza para expandir la onda.
 - T' : se utiliza para obtener la trayectoria y el perfil de velocidad.

4.- FAST MARCHING SQUARE DIRECTIONAL FM² Directional



4.- FAST MARCHING SQUARE DIRECTIONAL

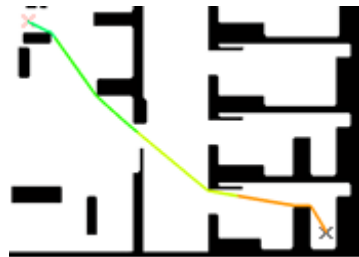
Ejemplos



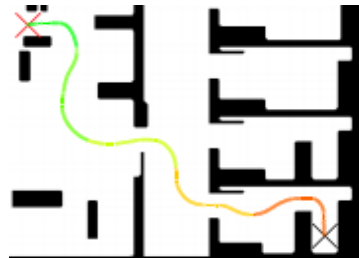
4.- FAST MARCHING SQUARE DIRECTIONAL

Ejemplos

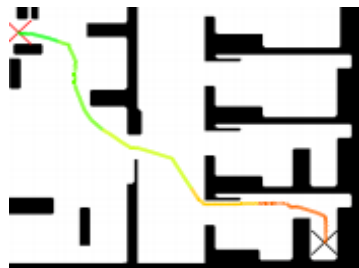
FMM



FM²

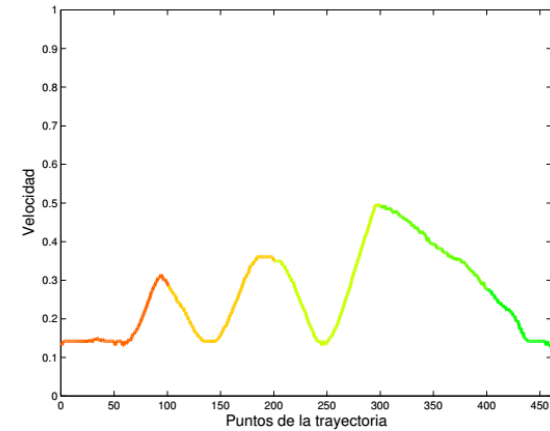


FM² Dir

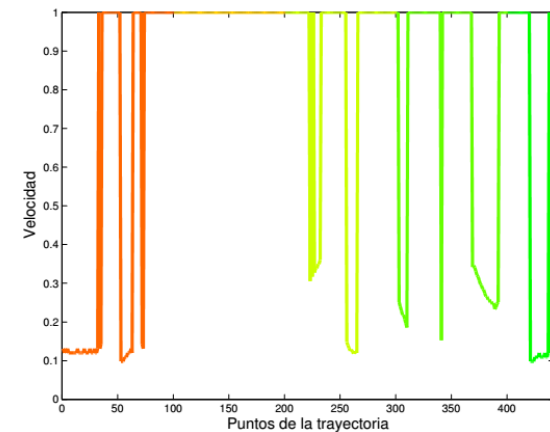


Path X Origen X Fin

FM²



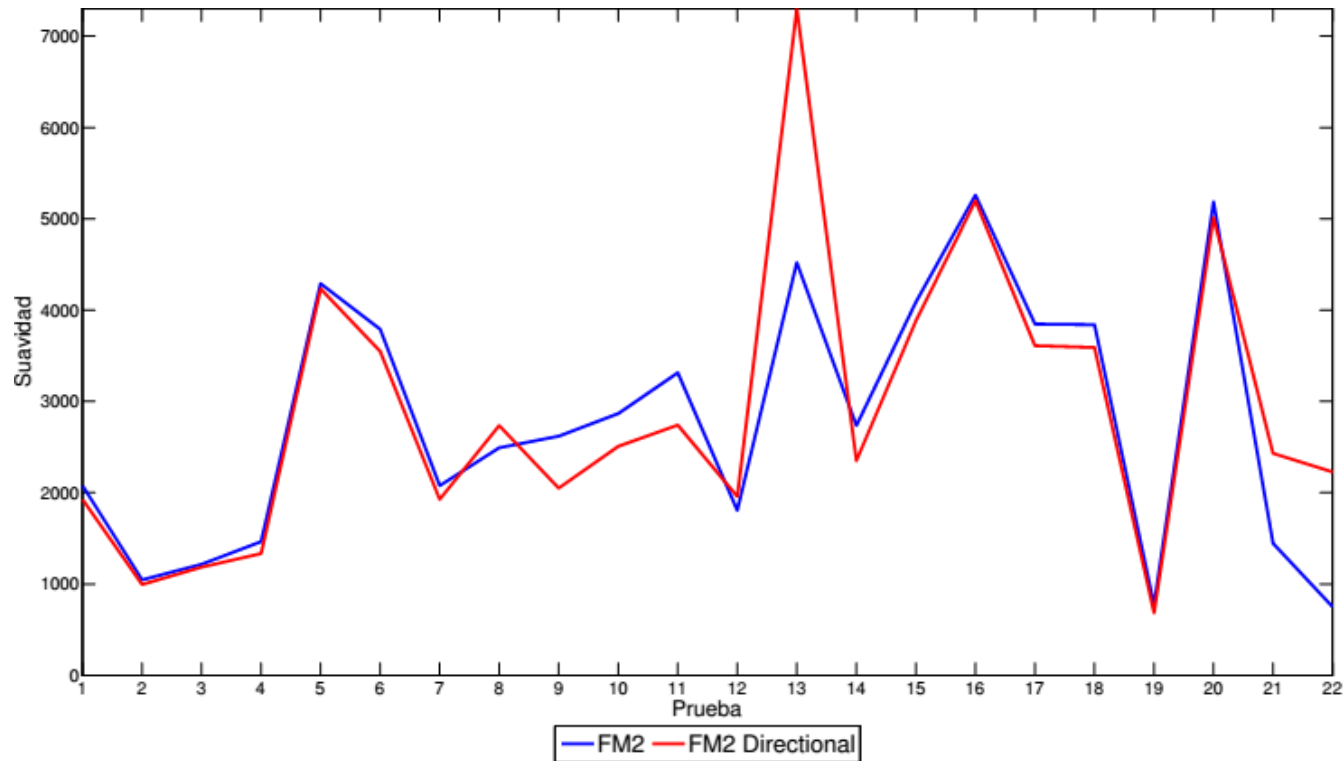
FM² Direccional



4.- FAST MARCHING SQUARE DIRECTIONAL

Resultados

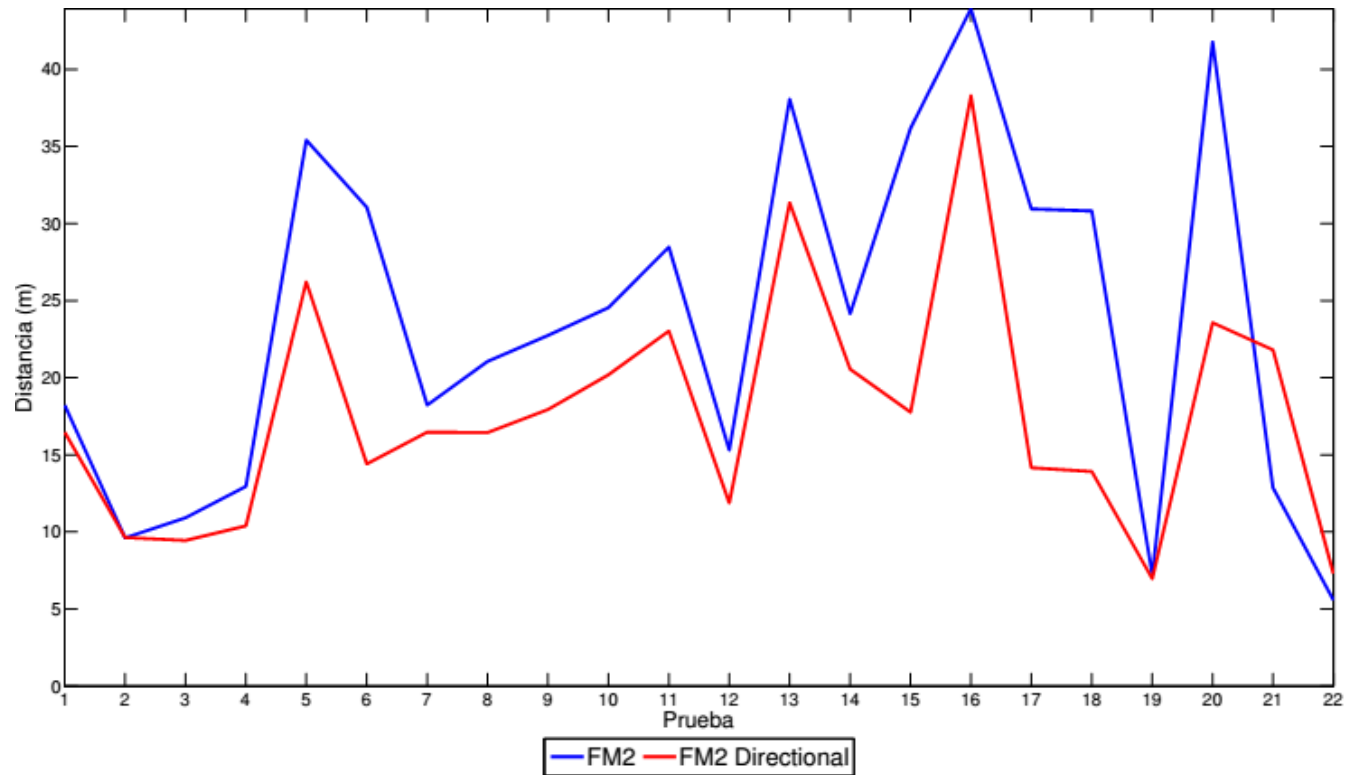
Suavidad de las trayectorias de FM² Directional frente a FM².



4.- FAST MARCHING SQUARE DIRECTIONAL

Resultados

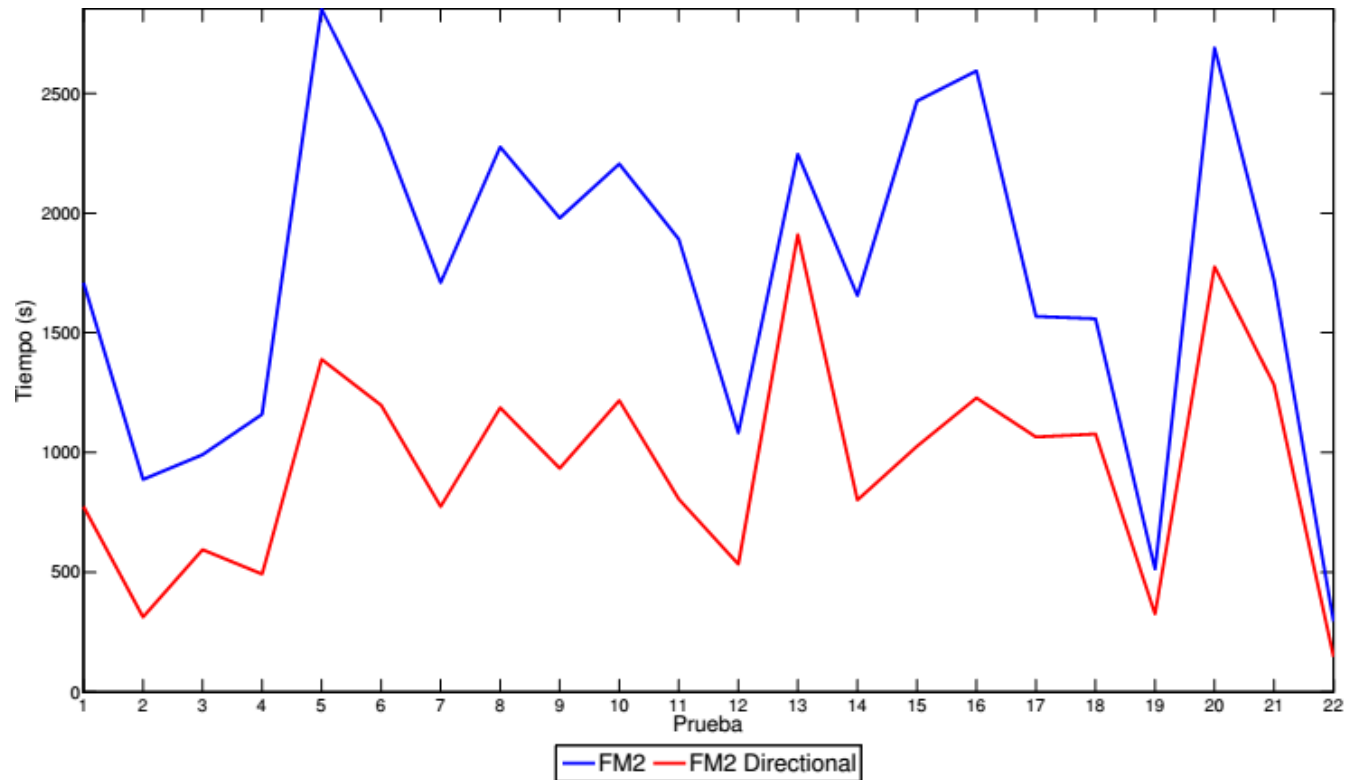
Distancia recorrida de las trayectorias de FM² Directional frente a FM².



4.- FAST MARCHING SQUARE DIRECTIONAL

Resultados

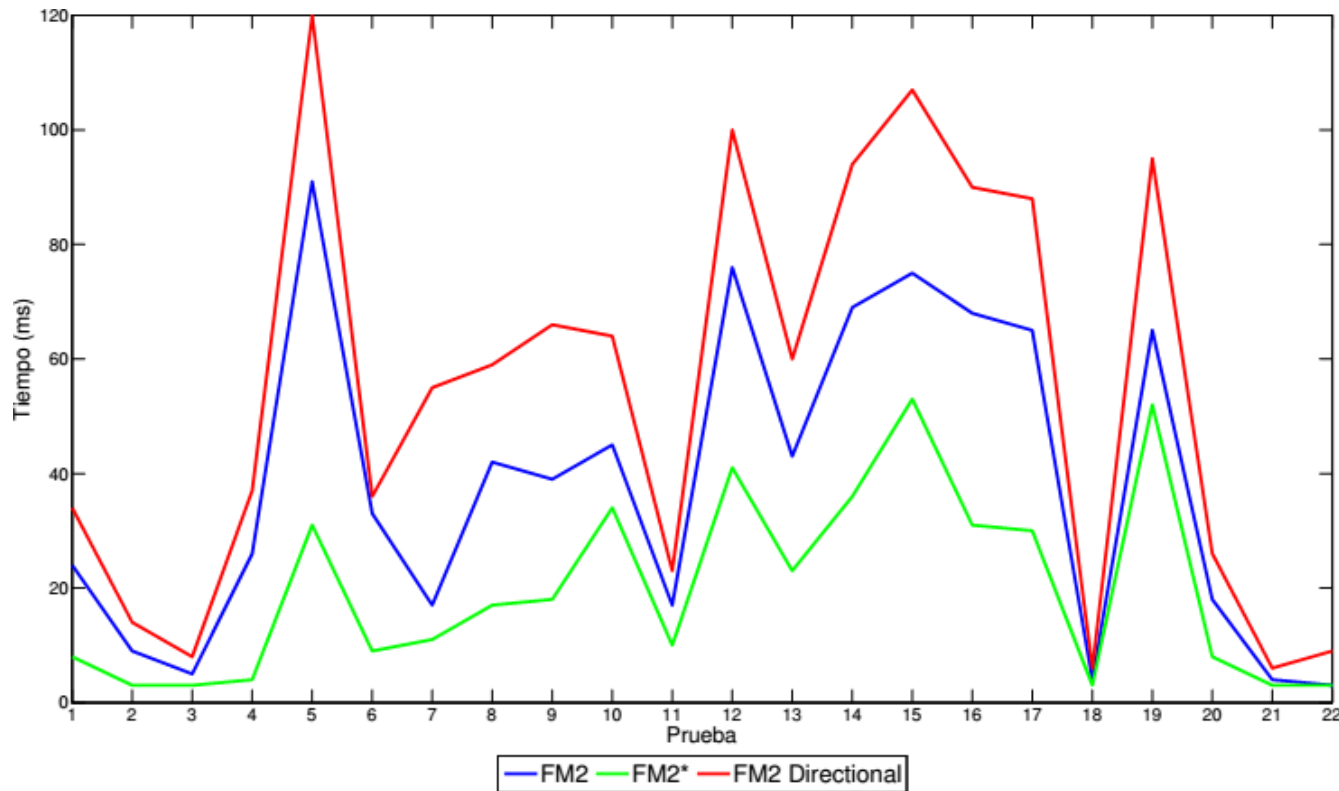
Duración de las trayectorias de FM² Directional frente a FM².



4.- FAST MARCHING SQUARE DIRECTIONAL

Resultados

Tiempo de ejecución de FM², FM^{2*} y FM² Directional.



4.- FAST MARCHING SQUARE DIRECTIONAL

Conclusiones

- FM² Directional genera trayectorias y perfiles de velocidad coherentes entre sí.
- Se obtienen trayectorias:
 - Más cortas en distancia.
 - Más rápidas al recorrerlas.
 - Menos suaves.
- Es computacionalmente menos eficiente.

ÍNDICE

1. INTRODUCCIÓN
2. FAST MARCHING SQUARE
3. FAST MARCHING SQUARE STAR
4. FAST MARCHING SQUARE DIRECTIONAL
5. **PRUEBAS EN TURTLEBOT**
6. CONCLUSIONES Y FUTURAS LÍNEAS DE TRABAJO

5.- PRUEBAS EN TURTLEBOT

Introducción

- Se comprobarán los algoritmos sobre una plataforma real.
- Se ha elegido el robot Turtlebot:
 - Robot móvil de dos ruedas.
 - Software y arquitectura de hardware libre.
 - Está formado por una base móvil, un ordenador portátil y una Kinect.
 - Compatible con ROS.
 - Muy extendido en investigación.



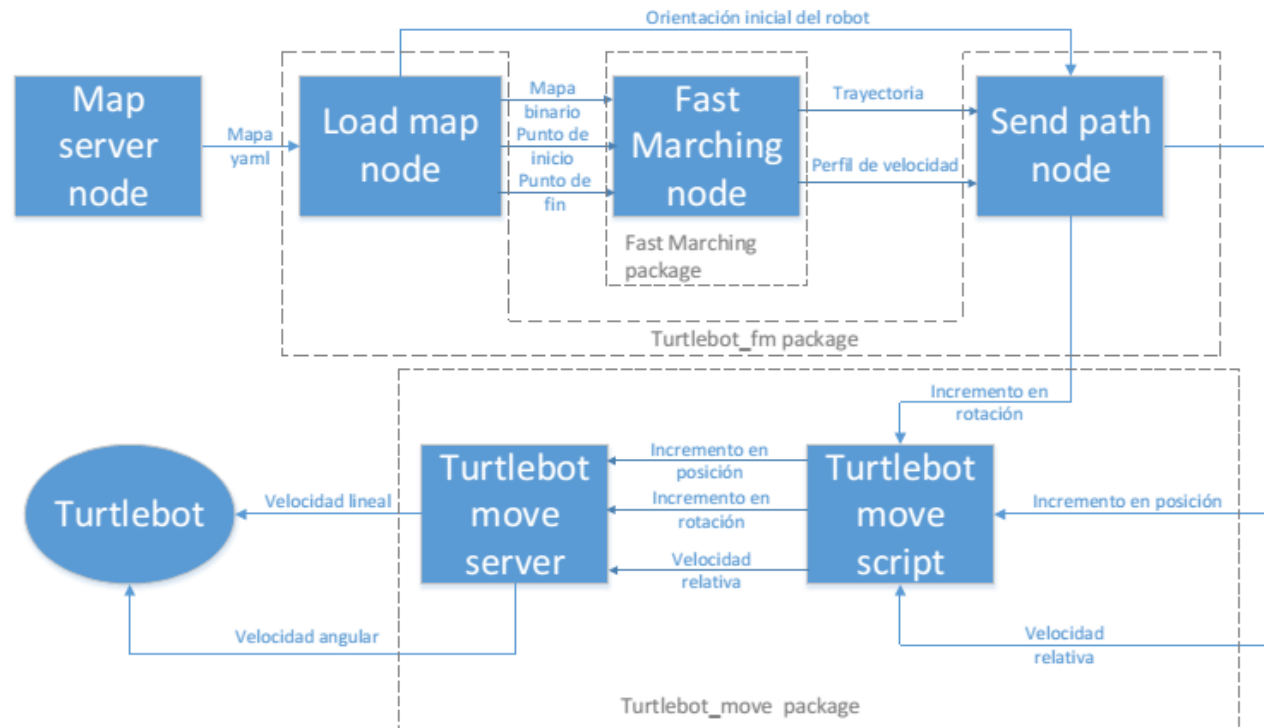
5.- PRUEBAS EN TURTLEBOT ROS

- Framework orientado a la robótica.
- Provee servicios a bajo y alto nivel.
- Está formado por dos capas:
 - Sistema operativo.
 - Paquetes.
- Cada paquete contiene al menos un nodo.
- Funciona como una estructura de grafos:
 - Diversos nodos conectados entre sí.
 - Cada nodo realiza una tarea.
 - Pasos de mensajes entre ellos.
 - No tienen por qué estar en el mismo ordenador.

5.- PRUEBAS EN TURTLEBOT

Arquitectura propuesta

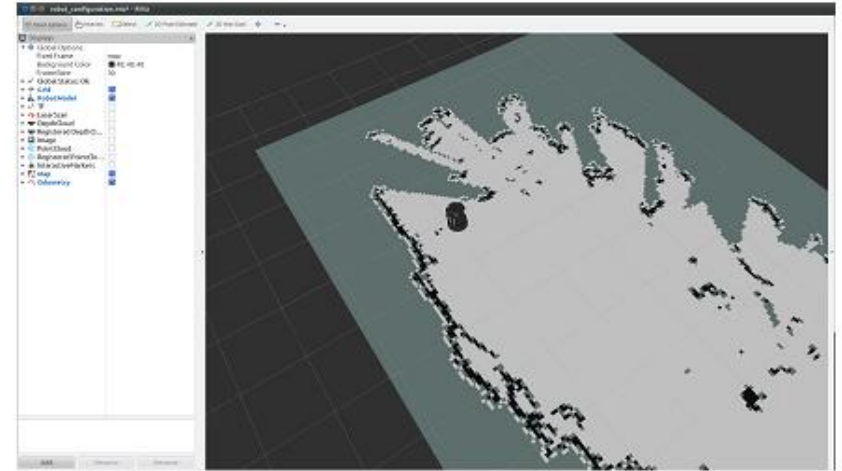
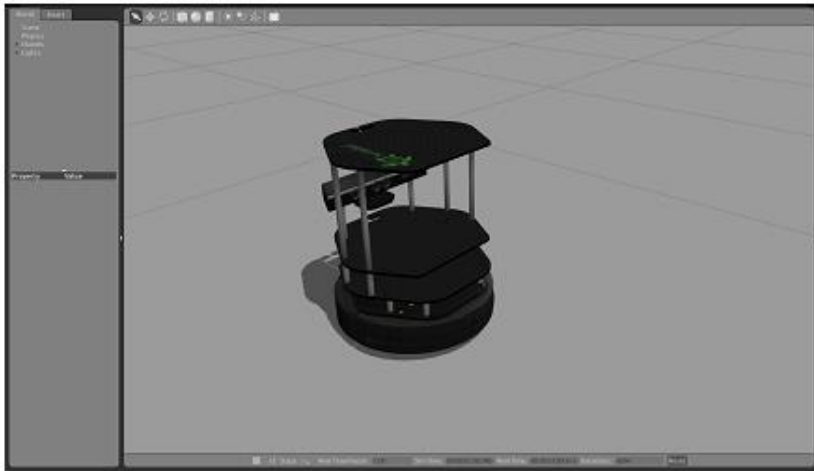
- Turtlebot_fm.
 - Load map.
 - Send path.
- Fast Marching.
 - FM².
 - FM^{2*}.
 - FM² Directional.
- Turtlebot_move.
 - Turtlebot move script.
 - Turtlebot move server.



5.- PRUEBAS EN TURTLEBOT

Pruebas

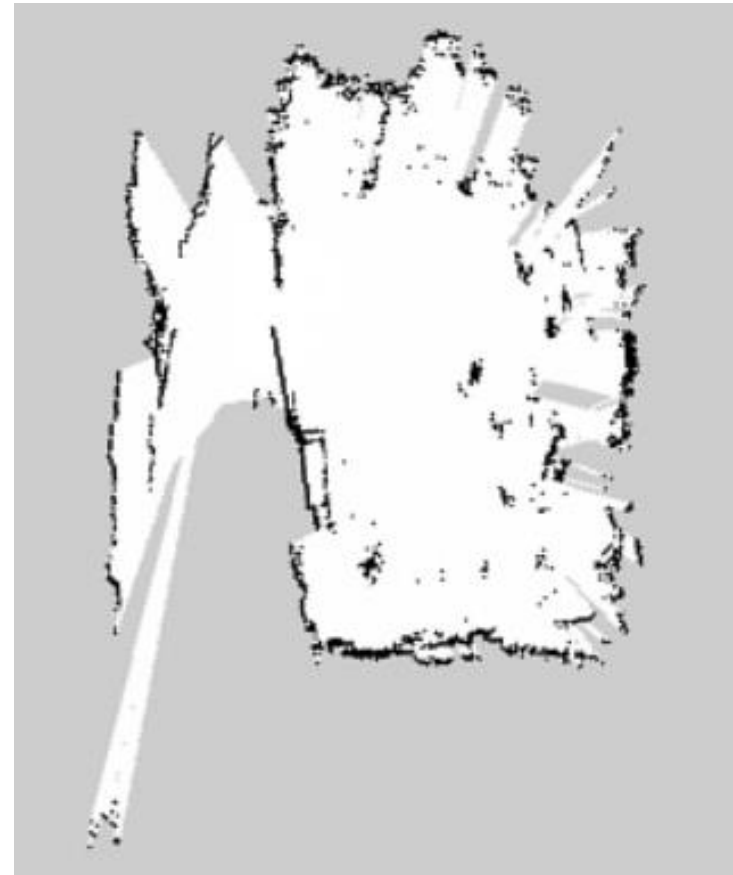
- Pruebas en simulación.



- Pruebas en sistema real.

5.- PRUEBAS EN TURTLEBOT

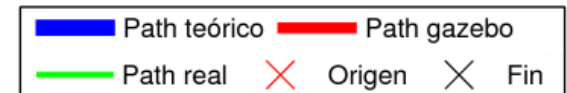
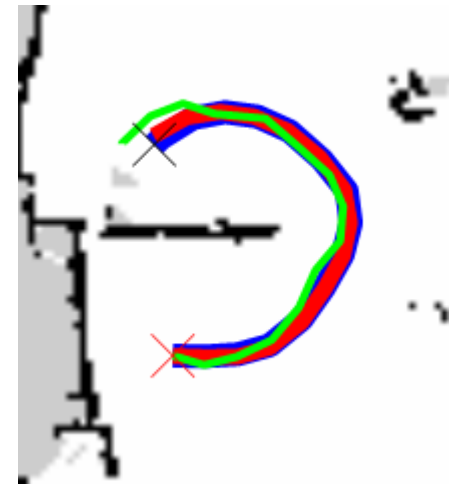
Pruebas en simulación



5.- PRUEBAS EN TURTLEBOT

Pruebas en sistema real

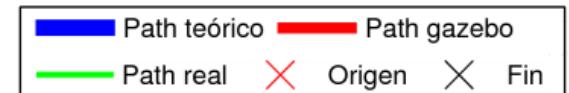
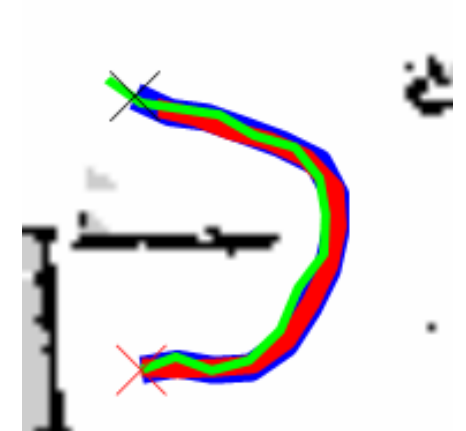
- FM² en mapa con obstáculos.



5.- PRUEBAS EN TURTLEBOT

Pruebas en sistema real

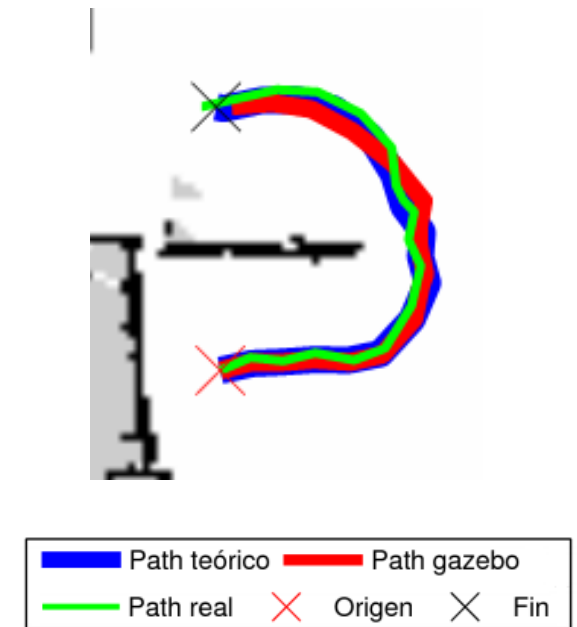
- FM²* en mapa con obstáculos.



5.- PRUEBAS EN TURTLEBOT

Pruebas en sistema real

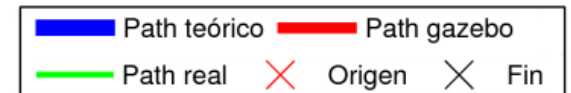
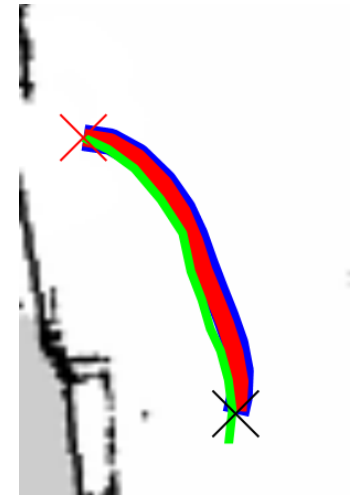
- FM² Directional en mapa con obstáculos.



5.- PRUEBAS EN TURTLEBOT

Pruebas en sistema real

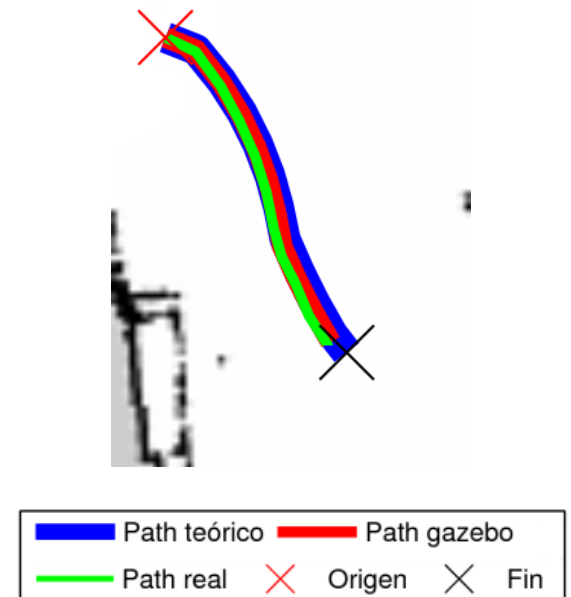
- FM² en mapa sin obstáculos.



5.- PRUEBAS EN TURTLEBOT

Pruebas en sistema real

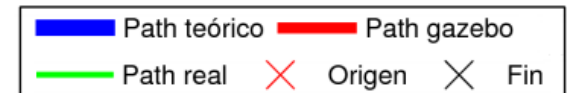
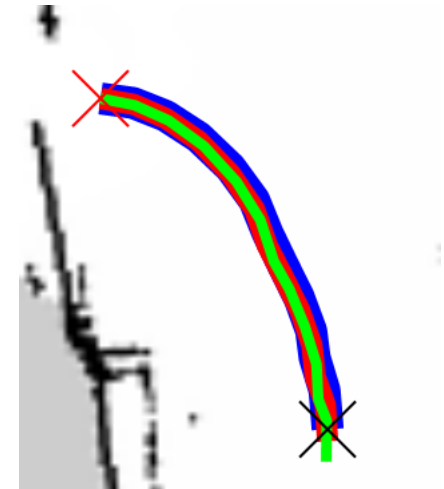
- FM²* en mapa sin obstáculos.



5.- PRUEBAS EN TURTLEBOT

Pruebas en sistema real

- FM² Directional en mapa sin obstáculos.



5.- PRUEBAS EN TURTLEBOT

Conclusiones

- Se han analizado los problemas que ocurren al aplicar los algoritmos a un sistema real.
- Resultados obtenidos con cierto grado de precisión.
- Limitaciones inherentes al robot.
 - No es diferencial.
 - Imposibilidad de realizar una trayectoria continua.
 - Baja resolución de los encoder.
- Los problemas se incrementan al pasar de simulación al sistema real.
 - Errores de precisión en los mapas.
 - Errores de precisión de los sensores en general.
 - Errores no sistemáticos externos al robot.
- La arquitectura implementada es válida.

ÍNDICE

1. INTRODUCCIÓN
2. FAST MARCHING SQUARE
3. FAST MARCHING SQUARE STAR
4. FAST MARCHING SQUARE DIRECTIONAL
5. PRUEBAS EN TURTLEBOT
6. **CONCLUSIONES Y FUTURAS LÍNEAS DE TRABAJO**

6.- CONCLUSIONES Y FUTURAS LÍNEAS DE TRABAJO

◦ Conclusiones:

- Durante la tesis se han desarrollado variaciones de FM^2 que mejoren algunas de sus características:
 - FM^{2*} mejora su eficiencia computacional.
 - FM^2 Directional obtiene trayectorias más cortas y perfiles de velocidad más rápidos.
- La elección del método depende de la aplicación.
- La implementación en la plataforma real ha resultado satisfactoria dentro de las limitaciones de la plataforma.

◦ Trabajo futuro:

- Probar el nodo propuesto como planificador en diferentes sistemas.
- Continuar el desarrollo de dos nuevas variaciones de FM^2 propuestas:
 - FM^2 Directional basado en gradientes.
 - FM^{2*} Directional, método que combina FM^{2*} y FM^2 Directional.



Universidad
Carlos III de Madrid

¡GRACIAS!

1.- FAST MARCHING METHOD (FMM)

Pseudocódigo

```
input : A grid map  $G$  of size  $m \times n$ 
input : The set of cells  $Ori$  where the wave is originated
output: The grid map  $G$  with the  $T$  value set for all cells

Initialization;
foreach  $g_{ij} \in Ori$  do
   $g_{ij}.T \leftarrow 0$ ;
   $g_{ij}.state \leftarrow FROZEN$ ;
  foreach  $g_{kl} \in g_{ij}.neighbours$  do
    if  $g_{kl} = FROZEN$  then skip; else
       $g_{kl}.T \leftarrow solveEikonal(g_{kl})$ ;
      if  $g_{kl}.state = NARROW\ BAND$  then
         $narrow\_band.update\_position(g_{kl})$ ;
      if  $g_{kl}.state = UNKNOWN$  then
         $g_{kl}.state \leftarrow NARROW\ BAND$ ;
         $narrow\_band.insert\_in\_position(g_{kl})$ ;
      end
    end
  end
end

Iterations;
while  $narrow\_band$  NOT EMPTY do
   $g_{ij} \leftarrow narrow\_band.pop\_first()$ ;
  foreach  $g_{kl} \in g_{ij}.neighbours$  do
    if  $g_{kl} = FROZEN$  then skip; else
       $g_{kl}.T \leftarrow solveEikonal(g_{kl})$ ;
      if  $g_{kl}.state = NARROW\ BAND$  then
         $narrow\_band.update\_position(g_{kl})$ ;
      if  $g_{kl}.state = UNKNOWN$  then
         $g_{kl}.state \leftarrow NARROW\ BAND$ ;
         $narrow\_band.insert\_in\_position(g_{kl})$ ;
      end
    end
  end
end
end
```

2.- FAST MARCHING SQUARE DIRECTIONAL

Método de gradiente

